

## Комбинированные системы распознавания образов

Лапко А. В., Лапко В. А.

lapko@icm.krasn.ru

Красноярск, Институт вычислительного моделирования СО РАН

В работе с позиции последовательных процедур принятия решений и принципов коллективного оценивания предлагаются статистические модели распознавания образов, представляющие собой семейство частных решающих функций, организация которых в нелинейном решающем правиле осуществляется с помощью методов непараметрической статистики. Частные решающие функции формируются на основе однородных частей обучающей выборки, которые удовлетворяют одному или нескольким требованиям: наличие однотипных признаков, пропусков данных, возможность декомпозиции исходных признаков на группы в соответствии со спецификой решаемой задачи. Это порождает широкий круг постановок задач синтеза непараметрических решающих правил. При интеграции частных решающих функций используются непараметрические оценки оптимальных байесовских решающих правил.

### Синтез структуры системы

1. Пусть  $V = (x_1^i, x_2^i, \dots, x_k^i, \sigma(x^i), i = 1, \dots, n)$  — обучающая выборка объёма  $n$ , составленная из значений признаков классифицируемых объектов и соответствующих «указаний учителя» об их принадлежности к одному из двух классов, причём  $\sigma(x^i) = -1$  для всех  $x^i \in \Omega_1$  и  $\sigma(x^i) = 1$  для всех  $x^i \in \Omega_2$ .

Осуществим декомпозицию исходной выборки  $V$  на  $T$  однородных выборок в соответствии со спецификой задачи

$$V(t) = (x^i(t), \sigma(x^i), i = 1, \dots, n), \quad t = 1, \dots, T,$$

где  $x(t)$  имеет размерность  $k_t$ , а  $\sum_{t=1}^T k_t = k$ .

2. На основе каждой выборки  $V(t)$  построим непараметрическое решающее правило

$$\bar{m}_t(x(t)) : \begin{cases} x \in \Omega_1, & \bar{f}_{12}(x(t)) \leq 0; \\ x \in \Omega_2, & \bar{f}_{12}(x(t)) > 0; \end{cases} \quad t = 1, \dots, T, \quad (1)$$

где  $\bar{f}_{12}(x(t))$  — непараметрические оценки решающих функций

$$\bar{f}_{12}(x(t)) = \left( n \prod_{v \in I_t} c_v \right)^{-1} \sum_{i=1}^n \sigma(x^i) \prod_{v \in I_t} \Phi \left( \frac{x_v - x_v^i}{c_v} \right);$$

$I_t$  — множество номеров признаков, входящих в группу  $x(t)$ ;  $\Phi(\cdot)$  — ядерные функции, удовлетворяющие условиям положительности, симметричности, нормированности, и имеющие конечные центральные моменты [1].

Оптимизация частных решающих правил (1) по коэффициентам размытости ядерных функций  $c_v$ ,  $v \in I_t$  осуществляется в режиме «скользящего экзамена» из условия минимума статистической оценки вероятности ошибки распознавания образов.

3. Используя непараметрические оценки решающих функций  $\bar{f}_{12}(x(t))$ , сформируем обучающую выборку

$$(\bar{f}_{12}(x^i(t)), t = 1, \dots, T, \sigma(x^i), i = 1, \dots, n)$$

и построим комбинированное решающее правило в пространстве значений  $\bar{f}_{12}(x) = (\bar{f}_{12}(x(t)), t = 1, \dots, T)$

$$\bar{m}(\bar{f}_{12}(x)) : \begin{cases} x \in \Omega_1, & \bar{F}_{12}(\bar{f}_{12}(x)) \leq 0; \\ x \in \Omega_2, & \bar{F}_{12}(\bar{f}_{12}(x)) > 0; \end{cases}$$

где непараметрическая оценка обобщённой решающей функции между классами имеет вид

$$\bar{F}_{12}(\bar{f}_{12}(x)) = \left( n \prod_{v=1}^T c_v \right)^{-1} \sum_{i=1}^n \sigma(x^i) \prod_{v=1}^T \Phi \left( \frac{\bar{f}_{12}(x(t)) - \bar{f}_{12}(x^i(t))}{c_v} \right).$$

На первом уровне структуры рассматриваемой системы классифицируемая ситуация  $x$  преобразуется в значения непараметрических оценок  $\bar{f}_{12}(x(t))$ ,  $t = 1, \dots, T$ , в пространстве которых принимается решение  $\bar{\sigma}(x)$  правилом  $\bar{m}(\bar{f}_{12}(x))$  о принадлежности ситуации  $x$  к тому или иному классу.

Предлагаемый алгоритм классификации обеспечивает не только эффективное решение задач распознавания образов в условиях малых выборок, но и позволяет учитывать априорные сведения о виде частных решающих функций.

### Анализ результатов вычислительного эксперимента

На основании данных вычислительного эксперимента сравнивается эффективность комбинированных решающих правил с хорошо зарекомендовавшим себя на практике традиционным непараметрическим алгоритмом распознавания образов в пространстве признаков  $x = (x_1, \dots, x_k)$  [2].

Исследования осуществлялись при решении двухальтернативной задачи распознавания образов в  $k$ -мерном пространстве признаков со сложной нелинейной границей,  $k = 4, \dots, 20$ .

Достоверность различия эмпирических оценок вероятности ошибки распознавания образов сравниваемых методов рассчитывалась в соответствии с критерием Смирнова. При этом установлено достоверное преимущество предлагаемого алгоритма над традиционным. Данная закономерность сохраняется для различных объемов обучающих выборок.

Обнаружен экстремальный характер зависимости показателей эффективности комбинированного классификатора от количества  $T$  частных решающих правил. Причём с ростом размерности  $k$  признаков классифицируемых объектов его преимущество при оптимальных значениях  $T$  над традиционным непараметрическим алгоритмом возрастает. Отношение средних значений их оценок вероятности ошибки достигает трёх на контрольных выборках, что особенно проявляется при малых объёмах экспериментальных данных.

### **Заключение**

Нелинейные непараметрические алгоритмы распознавания образов являются эффективным средством решения задач классификации в условиях малых обучающих выборок. Их применение обеспечивает значительное снижение ошибки распознавания образов на контрольных выборках (в 1.5–3 раза) по сравнению с традиционным непараметрическим классификатором.

Перспективы развития предлагаемого подхода связаны с его применением в задачах классификации в условиях разнотипной информации и неоднородных выборок, получаемых в результате заполнения пропусков данных.

Работа выполнена при поддержке РФФИ, проект № 07-01-00006.

### **Литература**

- [1] Лапко А. В. Непараметрические системы классификации / А. В. Лапко, В. А. Лапко, М. И. Соколов, С. В. Ченцов. — Новосибирск: Наука, 2000. — 240 с.
- [2] Лапко А. В. Обучающиеся системы обработки информации и принятия решений / А. В. Лапко, С. В. Ченцов, С. И. Крохов, Л. А. Фельдман. — Новосибирск: Наука, 1996. — 296 с.